算数オンライン塾 10 月 5 日の問題解説

(1)5個ですから、3個で分類して、(あ、い、う)のうからまた3個並べると5個の並びになります。

3個の並び方は

最初が赤は、(赤赤赤)、(赤赤白)、(赤赤青)、(赤白青)、(赤青赤)の5通り。 最初が白は、(白青赤)の1通りです。

最初が青は、(青赤赤)、(青赤白)、(青赤青)の3通り。

次の3個を考えるのに、前の3個の最後で分類すると

最後が赤は4通りあるので、4×5=20通り

最後が白は2通りあるので、2×1=2通り

最後が青は3通りあるので、3×3=9通り

合計 20+2+9=31 通り

(答え) 31 通り

(2)9個ですから、5個の並びを考えて、(あ、い、う、え、お)のおからまた5個並べると考えます。

5個の並びで最初と最後の組み合わせが

(赤、赤) =

 $(赤 \rightarrow 赤 \rightarrow 赤) 2 \times 2 + (赤 \rightarrow 青 \rightarrow 赤) 2 \times 1 + (赤 \rightarrow 白 \rightarrow 赤) 1 \times 1 = 7 通り。$

(赤、白) = $(赤 \rightarrow 赤 \rightarrow 白)$ 2×1+ $(赤 \rightarrow \dagger \rightarrow 白)$ 2×1=4通り。

(赤、青) = $(赤 \rightarrow 赤 \rightarrow 青)$ 2×2+ $(赤 \rightarrow \dagger \rightarrow \dagger)$ 2×1=6通り。

赤で始まるのは 17 通り

(白、赤) = (白→赤→赤) 1×2=2通り

(白、白) = (白→赤→白) 1×1=1通り

(白、青) = (白→赤→青) 1×2=2通り

白で始まるのは5通り。

(青、赤) =

(青→赤→赤) 1×2+ (青→青→赤) 1×1+ (青→白→赤) 1×1=4 通り

(青、白) = (青→赤→白) 1×1+(青→青→白) 1×1=2通り

(青、青) = (青→赤→青) 1×2+(青→青→青) 1×1=3通り

青で始まるのは9通り

したがって

赤で終わる(7+2+4)×17+白で終わる(4+1+2)×5+青で終わる(6+2+3)×9=13×17+7×5+11×9=221+35+99=355 (答え)355 通り