算数オンライン塾8月22日の問題解説

(1)分母は3から始まる奇数です。分子はその分母よりも小さい整数が1から順に並んでいます。分母が87なので、その前の分母は85ですから、分母が85の分数は、 (85-3) \div 2+1=42番目の分母になります。

分母が3の数は2個、分母が5の数は4個、分母が7の数は6個となりますから、 分母が85の数は84個並んでいるので

(2+84) ×42÷2=1806 個の数が分母 85 まで並んでいます。 したがって 1806+82=1888

(答え) 1888 番目

(2) 約数のある奇数は9が最初で、9、15、21、25、27、…と続きます。 9は分子が3、6のとき、15は分子が3と5の倍数なので3、5、6、9、10、12。 21は分子が3と7の倍数なので、3、6、7、9、12、14、15、18で16個。 25は分子が5の倍数なので、5、10、15、20ですから、 $\frac{20}{25}$

(答え) $\frac{20}{25}$

(3) 分数の数は2+4+6…と偶数の和になるので、n番目の偶数は $2\times n$ だから $(2+2\times n)\times n\div 2=(1+n)\times n$ となります。

n=44 のとき 44×45=1980、n=45 のとき 45×46=2070 ですから、分母が91 までです。

分母が 91 のとき、分子は 42 ですが、1980+42=2022 で 2024 より小さいので、 一番大きいのが $^{42}_{91}$ ですから、その前は $^{30}_{65}$ です。

分母が63の分数は62個あるので、(63-3)÷2+1=31番目だから、(2+62)×31÷2=32×31=992 992+30=1022

(答え) 1022番目