

算数オンライン塾 3月25日の問題 解説

(1)

前半の決め方は $3 \times 2 \times 1 = 6$ 通り、後半の決め方は $2 \times 1 = 2$ 通りですから、合計 $6 \times 2 = 12$ 通りになります。

(答え) 12通り

(2)

すべての場合は $5 \times 4 \times 3 \times 2 \times 1 = 120$ 通り

そのうち京都が金沢より先にある場合と、金沢が京都より先にある場合が半分ずつになるので、京都が金沢より先にある場合は $120 \div 2 = 60$ 通り

(答え) 60通り

(3)

名古屋は3番目以降なので、3番目か4番目か5番目。

名古屋の選び方が3通りだから $3 \times 4 \times 3 \times 2 \times 1 = 72$ 通り

京都が金沢より先になるのはその半分。したがって $72 \div 2 = 36$ 通り

(答え) 36通り

(4)

名古屋に行くときは最低3ヶ所行かなければなりません。

3ヶ所行く場合名古屋は3番目。京都、金沢、名古屋は1通り。

名古屋以外の2つを選ぶのは $4 \times 3 \div 2 = 6$ 通り。そのうち、金沢、京都以外は5通りなので、 $2 \times 5 = 10$ 通りで合計11通り。

4ヶ所行く場合。東京か横浜を外すと、名古屋の位置は3番目か4番目の2通りだから残りの3つの並び方は $3 \times 2 \times 1 = 6$ 通りで京都が金沢より先にくるのは3通り。したがって $2 \times 3 = 6$ 通り。東京と横浜で $6 \times 2 = 12$ 通り。

金沢か京都を外すと、名古屋の位置が2通りで、それ以外は6通りだから $2 \times 6 \times 2 = 24$ 通り。

全部行く場合は36通り。したがって名古屋に行く場合は合計 $11 + 12 + 24 + 36 = 83$ 通り。

名古屋に行かない場合。

名古屋だけ行かないと、京都・金沢問題から $4 \times 3 \times 2 \times 1 \div 2 = 12$ 通り

名古屋と京都、もしくは金沢に行かないと、 $3 \times 2 \times 1 \times 2 = 12$ 通り

名古屋と横浜、もしくは東京に行かないと、 $3 \times 2 \times 1 \div 2 \times 2 = 6$ 通り

名古屋と残り2ヶ所に行かない場合、行く場所の組み合わせは $4 \times 3 \div 2 = 6$ 通り。それぞれ2通りの並び方があるので、 $6 \times 2 = 12$ 通りだが京都、金沢は1通りなので、11通り。

名古屋と残り3ヶ所に行かない場合は、組み合わせが4通り。行き方も4通り。

以上から $83 + 12 + 12 + 6 + 11 + 4 = 128$

(答え) 128通り